

אינפי 1- תרגיל 6

26 בנובמבר 2014

1. בפונקציות הבאות, חשבו את $\frac{dy}{dx}$. (התשובה יכולה להכיל x ו y)

א. $xy^2 - 3x^2y + x = 1$

ב. $x^5 = y^2 - y + 1$

ג. $y^2 = \ln(2x + 3y)$

ד. $y = \sqrt{xy + 1}$

2. מצא את שיפוע הפונקציה $x + y^3 = y$ בנקודה $(-6, 2)$

3. חשב את הגבולות הבאים (במידה והם קיימים):

א. $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x}{x^2 - 4}$

ב. $\lim_{x \rightarrow 8} \frac{\sqrt{8} - \sqrt{x}}{x - 8}$

ג. $\lim_{x \rightarrow 1} \sqrt{x + \sqrt{x + \sqrt{x}}}$

ד. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3 + 4x^{-1} - 5x^{-2}}{6 - x^{-1} + 3x^{-2}}$

ה. $\lim_{x \rightarrow 0^+} (x\sqrt{1 + x^{-2}})$

ו. $\lim_{x \rightarrow c^-} (\sqrt{c - x})$

ז. $\lim_{\Delta x \rightarrow 0^-} \left(\frac{|(1 + \Delta x)^3 - (1 + \Delta x)|}{\Delta x} \right)$

ח. $\lim_{\Delta x \rightarrow 0^+} \left(\frac{|(1 + \Delta x)^3 - (1 + \Delta x)|}{\Delta x} \right)$

4. נתונה הפונקציה הבאה: $f = [x]$ כלומר, עיגול לשלם הקרוב ביותר מלמטה. (למשל:

$$f(7.82) = 7$$

מצא את הגבולות החד צדדיים של f בכל נקודה ב \mathbb{R} .

5. תן דוגמא לפונקציה שאין לה גבול ב $x_0 = 1$.

6. א. הוכיח: אם $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L$ אז $\lim_{x \rightarrow x_0} |f(x)| = |L|$.

ב. האם גם ההיפך נכון?